

# Sujet de type bac

2024 Amérique du Nord - Sujet 2

## Exercice 1 2024 - Exercice 4 - Amérique du Nord - Sujet 2

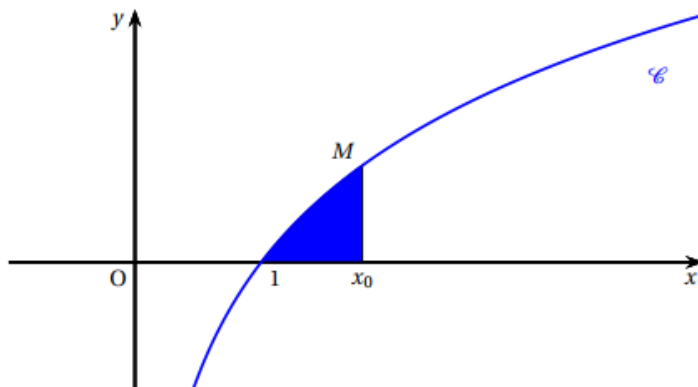
Soit  $a$  un réel strictement positif.

On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $]0; +\infty[$  par :

$$f(x) = a \ln(x)$$

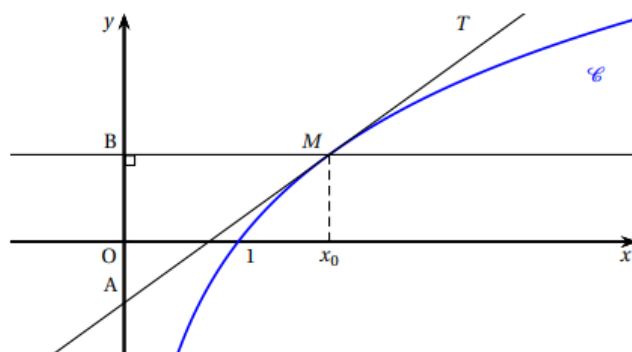
. On note  $\mathcal{C}$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé. Soit  $x_0$  un réel strictement supérieur à 1.

1. Déterminer l'abscisse du point d'intersection de la courbe  $\mathcal{C}$  et de l'axe des abscisses.
2. Vérifier que la fonction  $F$  définie par  $F(x) = a[x \ln(x) - x]$  est une primitive de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $]0; +\infty[$ .
3. En déduire l'aire du domaine bleuté en fonction de  $a$  et de  $x_0$ .



On note  $\mathcal{T}$  la tangente à la courbe  $\mathcal{C}$  au point  $M$  d'abscisse  $x_0$ .

On appelle  $A$  le point d'intersection de la tangente  $\mathcal{T}$  avec l'axe des ordonnées et  $B$  le projeté orthogonal de  $M$  sur l'axe des ordonnées.



4. Démontrer que la longueur  $AB$  est égale à une constante (c'est-à-dire à un nombre qui ne dépend pas de  $x_0$ ) que l'on déterminera.

*Le candidat prendra soin d'explicitier sa démarche*