### Suites - Arithmétiques et géométriques

#### Exercice 1

- 1. Donner la relation entre  $u_{n+1}$  et  $u_n$  sachant qu'à chaque étape :
  - (a) on double;
  - (b)  $u_n$  augmente de 3,5;
  - (c)  $u_n$  augmente de 15%;
  - (d)  $u_n$  diminue de 50;
  - (e)  $u_n$  diminue de 3%;
  - (f)  $u_n$  diminue de 12,4%.
- 2. Dans chaque cas, indiquer s'il s'agit d'une suite arithmétique ou géométrique et donner la relation de récurrence.

### Exercice 2 **?**

```
for i in range(n):
3
        u = u + 3
```

```
v = 600
   for i in range(n):
2
        v = 1.25*v
```

```
for i in range(n):
    w = i + 2*v
```

- 1. Indiquer le premier terme et la relation de récurrence de chacune de ces suites.
- 2. Si possible, donner la nature de la suite.

#### Exercice 3

Reconnaître parmi les suites suivantes celles qui sont arithmétiques, géométrique et préciser alors leur premier terme et leur raison.

- a)  $u_n = -2 + 3n$ . e)  $u_n = 3n$ .
- b)  $u_n = \frac{1}{2}n$ . f)  $u_n = 2n 4$ .
- c)  $u_n = n + \frac{5}{2}$ . g)  $u_n = \frac{3n^2}{n}$ .
- d)  $u_n = \frac{3}{n}$ .
- h)  $u_n = 3n^2$ .

# Exercice 4 Forme explicite \_\_\_\_\_

1. Pour les suites arithmétiques suivantes, exprimer  $u_n$  en fonction de n puis calculer  $u_8$ .

a) 
$$u_0 = 5$$
 et  $r = 3$ 

a) 
$$u_0 = 5$$
  
et  $r = 3$   
b) 
$$\begin{cases} u_0 = -2 \\ u_{n+1} = u_n + \frac{3}{2} \end{cases}$$
c)  $u_0 = 3$   
et  $u_{n+1} = u_n + \frac{3}{2}$   
et  $u_{n+1} = u_n + \frac{3}{2}$   
et  $u_{n+1} = u_n + \frac{3}{2}$ 

b) 
$$\begin{cases} u_0 = 5 \\ u_{n+1} = u_n - 1 \end{cases}$$
 (e)

(e) 
$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = u_n + \frac{5}{2} \end{cases}$$

c) 
$$u_0 = 3$$
  
et  $r = \frac{1}{8}$ 

f) 
$$u_1 = 1$$
  
et  $r = 2$ .

# **Exercice 5** Forme explicite \_\_\_\_\_

- 1. Pour les suites géométriques suivantes (premier terme et raison donnés), exprimer  $u_n$  en fonction de n puis calculer  $u_5$ .
  - a)  $u_0 = 3$ et q = 2.
- d)  $\begin{cases} u_0 = 10 \\ u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n \end{cases}$  e)  $\begin{cases} u_1 = 2 \\ u_{n+1} = 3u_n \end{cases}$ .
- b)  $u_0 = -5$ et q = -1.
- c)  $u_0 = -2$ et q = -3.